



**Муниципальное бюджетное  
общеобразовательное учреждение  
«Лицей села Хлевное»  
Хлевенского муниципального района  
Липецкой области**

**Утверждена  
приказом № 451  
от 02.09.2024 г.**

**Рассмотрена  
на педагогическом совете  
Протокол № 10 от 28.08.2024 г.**

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного предмета «Математика»  
для обучающихся 11 классов**

**Планируемые результаты освоения рабочей программы *Личностные результаты:***

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к себе, к своему здоровью, к познанию себя:** ориентация обучающихся на достижение личного счастья, реализацию позитивных жизненных перспектив, инициативность, креативность, готовность и способность к личностному самоопределению, способность ставить цели и строить жизненные планы; готовность и способность обеспечить себе и своим близким достойную жизнь в процессе

самостоятельной, творческой и ответственной деятельности; готовность и способность обучающихся к отстаиванию личного достоинства, собственного мнения, готовность и способность вырабатывать собственную позицию по отношению к общественно-политическим событиям прошлого и настоящего на основе осознания и осмысливания истории, духовных ценностей и достижений нашей страны; готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самовоспитанию в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества, потребность в физическом самосовершенствовании, занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью; принятие и реализация ценностей здорового и безопасного образа жизни, бережное, ответственное и компетентное отношение к собственному физическому и психологическому здоровью; неприятие вредных привычек: курения, употребления алкоголя, наркотиков.

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к России как к Родине (Отечеству):**

российская идентичность, способность к осознанию российской идентичности в поликультурном социуме, чувство причастности к историко-культурной общности российского народа и судьбе России, патриотизм, готовность к служению Отечеству, его защите; уважение к своему народу, чувство ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, прошлое и настоящее многонационального народа России, уважение к государственным символам (герб, флаг, гимн);

формирование уважения к русскому языку как государственному языку Российской Федерации, являющемуся основой российской идентичности и главным фактором национального самоопределения; воспитание уважения к культуре, языкам, традициям и обычаям народов, проживающих в Российской Федерации.

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к закону, государству и к гражданскому обществу:**

гражданственность, гражданская позиция активного и ответственного члена российского общества, осознающего свои конституционные права и обязанности, уважающего закон и правопорядок, осознанно принимающего традиционные национальные и общечеловеческие гуманистические и демократические ценности, готового к участию в общественной жизни; признание неотчуждаемости основных прав и свобод человека, которые принадлежат каждому от рождения, готовность к осуществлению собственных прав и свобод без нарушения прав и свобод других лиц, готовность отстаивать собственные права и свободы человека и гражданина согласно общепризнанным принципам и нормам международного права и в соответствии с Конституцией Российской Федерации, правовая и политическая грамотность; мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки и общественной практики, основанное на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире; интериоризация ценностей демократии и социальной солидарности, готовность к

договорному регулированию отношений в группе или социальной организации;

готовность обучающихся к конструктивному участию в принятии решений, затрагивающих их права и интересы, в том числе в различных формах общественной самоорганизации, самоуправления, общественно значимой деятельности; приверженность идеям интернационализма, дружбы, равенства, взаимопомощи народов; воспитание уважительного отношения к национальному достоинству

людей, их чувствам, религиозным убеждениям;

готовность обучающихся противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии; коррупции; дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам и другим негативным социальным явлениям.

### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся с окружающими людьми:**

нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения; принятие гуманистических ценностей, осознанное, уважительное и доброжелательное

отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению; способность к сопереживанию и формирование позитивного отношения к людям, в том числе к лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам; бережное, ответственное и компетентное отношение к физическому и психологическому здоровью других людей, умение оказывать первую помощь; формирование выраженной в поведении нравственной позиции, в том числе способности к сознательному выбору добра, нравственного сознания и поведения на основе усвоения общечеловеческих ценностей и нравственных чувств (чести, долга, справедливости, милосердия и дружелюбия);

развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.

### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к окружающему миру, живой природе, художественной культуре:** мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки, значимости науки, готовность к научно-техническому творчеству, владение достоверной информацией о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки,

заинтересованность в научных знаниях об устройстве мира и общества; готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности; экологическая культура, бережное отношения к родной земле, природным богатствам России и мира; понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, ответственность за состояние природных ресурсов; умения и навыки разумного природопользования, нетерпимое отношение к действиям, приносящим вред экологии; приобретение опыта эколого-направленной деятельности; эстетическое отношения к миру, готовность к эстетическому обустройству собственного быта.

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к семье и родителям, в том числе подготовка к семейной жизни:** ответственное отношение к созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни; положительный образ семьи, родительства (отцовства и материнства), интериоризация традиционных семейных ценностей.

**Личностные результаты в сфере отношения обучающихся к труду, в сфере социально-экономических отношений:**

уважение ко всем формам собственности, готовность к защите своей собственности, осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов;

готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем; потребность трудиться, уважение к труду и людям труда, трудовым достижениям, добросовестное, ответственное и творческое отношение к разным видам трудовой деятельности; готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей.

**Личностные результаты в сфере физического, психологического, социального и академического благополучия обучающихся:** физическое, эмоционально-психологическое, социальное благополучие обучающихся в жизни образовательной организации, ощущение детьми безопасности и психологического комфорта, информационной безопасности.

**На уроках в соответствии с программой воспитания МАОУ СОШ №29 г. Липецка реализуются следующие цели воспитания - личностное развитие школьников, проявляющееся:**

- 1) в усвоении ими знаний основных норм, которые общество выработало на основе этих ценностей (то есть, в усвоении ими социально значимых знаний);
- 2) в развитии их позитивных отношений к этим общественным ценностям (то есть в развитии их социально значимых отношений);
- 3) в приобретении ими соответствующего этим ценностям опыта поведения, опыта применения сформированных знаний и отношений на практике (то есть в приобретении ими опыта осуществления социально значимых дел).

**Уровень среднего общего образования** - создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

- опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких;
- трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
- опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
- опыт природоохранных дел;
- опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
- опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;

- опыт изучения, защиты и восстановления культурного наследия человечества, опыт создания собственных произведений культуры, опыт творческого самовыражения;
- опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
- опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
- опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации.

### **Метапредметные результаты:**

В соответствии с ФГОС СОО выделяются три группы метапредметных универсальных учебных действий: регулятивные, познавательные, коммуникативные:

	<b>Содержание умения</b>	<b>Выпускник научится:</b>
<b>1.</b>	<b>Регулятивные универсальные учебные действия</b>	самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута; оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали; ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях; оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели; выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач, оптимизируя материальные и нематериальные затраты; организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели; сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.

2.	<b>Познавательные универсальные учебные действия</b>	<p>искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи; критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций, распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках; использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках; находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития; выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия; выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения; менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.</p>
3.	<b>Коммуникативные универсальные учебные действия</b>	<p>осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, а не личных симпатий; при осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт и т.д.); координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия; развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств; распознавать конфликтогенные ситуации и предотвращать конфликты до их активной фазы, выстраивать деловую и образовательную коммуникацию, избегая личностных оценочных суждений.</p>

**Предметные результаты:**

<b>Базовый уровень</b> <b>«Проблемно-функциональные результаты»</b>		
<b>Раздел</b>	<b>I. Выпускник научится</b>	<b>II. Выпускник получит возможность научиться</b>
<b>Цели освоения предмета</b>	Для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики	<i>Для развития мышления, использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики</i>
<b>Требования к результатам</b>		
<b>Элементы теории множеств и математической логики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне<sup>1</sup> понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал;</li> <li>— оперировать на базовом уровне понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Оперировать<sup>2</sup> понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости;</i></li> </ul>

<sup>1</sup> Здесь и далее: распознавать конкретные примеры общих понятий по характерным признакам, выполнять действия в соответствии с определением и простейшими свойствами понятий, конкретизировать примерами общие понятия.

<sup>2</sup> Здесь и далее; знать определение понятия, уметь пояснить его смысл, уметь использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, решении задач.

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример; находить пересечение и объединение двух множеств, представленных графически на числовой прямой;</li> <li>— строить на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями; распознавать ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров.</li> </ul> <p><i>В n предметов:</i> использовать числовые множества на координатной прямой для описания реальных процессов и явлений;</p> <p><i>В n повседневной жизни и при изучении других предметов:</i> использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</p> <p><i>В n повседневной жизни и при изучении других предметов:</i> проводить логические рассуждения в ситуациях повседневной жизни</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— оперировать понятиями: <i>утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</i></li> <li>— проверять принадлежность элемента множеству;</li> <li>— находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости;</li> <li>— проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</li> </ul> <p><i>В n повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</li> <li>— проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов</li> </ul>
<b>Числа и выражения</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближённое значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;</li> <li>— оперировать на базовом уровне понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Свободно оперировать понятиями: <i>целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближённое значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;</i></li> <li>— приводить примеры чисел с заданными свойствами делимости; оперировать понятиями:</li> <li>— <i>логарифм числа, тригонометрическая окружность, радианная и градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на</i></li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;</li> <li>— выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами; выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;</li> <li>— сравнивать рациональные числа между собой; оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел,</li> <li>— логарифмов чисел в простых случаях; изображать точками на</li> <li>— числовой прямой целые и рациональные числа; изображать точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;</li> <li>— выполнять несложные преобразования целых идробно-рациональных буквенных выражений;</li> <li>— выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие; вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;</li> <li>— изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах; оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса,</li> </ul>	<p><i>тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину, числа <math>e</math> и <math>\pi</math>;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применяя</li> <li>— при необходимости вычислительные устройства; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма,</li> <li>— используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и</li> <li>— прикидкой при практических расчетах;</li> <li>— проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, корни, логарифмы и тригонометрические функции;</li> <li>— находить значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования; изображать схематически угол, величина которого выражена в</li> <li>— градусах или радианах;</li> <li>— использовать при решении задач табличные значения тригонометрических функций углов;</li> <li>— выполнять перевод величины угла из радианной меры в градусную и обратно.</li> </ul>
--	--	--

	котангенса конкретных углов.	
	<p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i> выполнять вычисления при решении задач практического характера;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— выполнять практические расчеты с использованием при необходимости справочных материалов и вычислительных устройств;</li> <li>— соотносить реальные величины, характеристики объектов окружающего мира с их конкретными числовыми значениями;</li> <li>— использовать методы округления, приближения и прикидки при решении практических задач повседневной жизни</li> </ul>	<p><i>овседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i> <i>выполнять действия с ловыми данными при решении задач из различных областей</i> <i>и, используя при необходимости справочные материалы и вычислительные ройства; оценивать, винять и использовать при</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>решении практических задач ловые значения реальных ичин, конкретные числовые характеристики объектов окружающего мира</i></li> </ul>
<b>Уравнения и неравенства</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения;</li> <li>— решать логарифмические уравнения вида <math>\log_a(bx + c) = d</math> и простейшие неравенства вида <math>\log_a x &lt; d</math>;</li> <li>— решать показательные уравнения, вида <math>a^{bx+c} = d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>) и простейшие неравенства вида <math>a^x &lt; d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>);</li> <li>— приводить несколько примеров корней простейшего тригонометрического уравнения вида: <math>\sin x = a</math>, <math>\cos x = a</math>, <math>\tg x = a</math>, <math>\ctg x = a</math>, где <math>a</math> – табличное значение</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, простейшие иррациональные и тригонометрические уравнения, неравенства и их системы;</i></li> <li>— <i>использовать методы решения уравнений: приведение к виду «произведение равно нулю» или «частное равно нулю», замена переменных; использовать метод интервалов для решения неравенств; использовать</i></li> <li>— <i>графический метод для приближенного решения уравнений и неравенств; изображать на</i></li> <li>— <i>тригонометрической окружности множество решений простейших тригонометрических уравнений и неравенств;</i></li> </ul>

	соответствующей тригонометрической функции.	
		<p>— выполнять отбор корней уравнений или решений неравенств в соответствии с</p>
	<p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— составлять и решать уравнения и системы уравнений при решении несложных практических задач</li> </ul>	<p><i>дополнительными условиями В и ограничениями.</i></p> <p><i>овседневной жизни и при изучении других учебных предметов: составлять и решать уравнения, системы уравнений и неравенства при решении задач других учебных предметов;</i></p> <p><i>использовать уравнения и неравенства для построения и исследования простейших математических моделей реальных ситуаций или прикладных задач;</i></p> <p><i>уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат, оценивать его правдоподобие в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи</i></p>

<b>Функции</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;</li> <li>— оперировать на базовом уровне понятиями: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Оперировать понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; оперировать понятиями:</i></li> <li><i>прямая и обратная пропорциональность, линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции;</i></li> </ul>
----------------	---	---

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— тригонометрические функции; распознавать графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций,</li> <li>— тригонометрических функций; соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы; находить по графику приближённо значения функции в заданных</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;</li> <li>— строить графики изученных функций;</li> <li>— описывать по графику и в простейших случаях по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;</li> <li>— строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов, асимптоты, нули функции и т.д.);</li> </ul>
--	---	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— точках; определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.); строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания / убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.).</li> <li>— определять по графикам свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства и т.п.);</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков. овседневной жизни и при изучении других предметов:</li> <li>— определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки</li> </ul>
	<ul style="list-style-type: none"> <li>— интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>знакопостоянства, асимптоты, период и т.п.);</li> <li>— интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;</li> <li>— определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)</li> </ul>

<p><b>Элементы математического анализа</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;</li> <li>— определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;</li> <li>— решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции <ul style="list-style-type: none"> <li>— с другой. <i>последней</i></li> </ul> </li> </ul> <p><i>В жизни и при</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>изучении других предметов:</i> пользоваться графиками, сравнивать скорости возрастания (роста, повышения, увеличения и т.п.) или скорости убывания (падения, снижения, уменьшения и т.п.) величин в реальных процессах; соотносить графики реальных процессов и зависимостей с их описаниями, включающими характеристики скорости изменения (быстрый рост, плавное понижение и т.п.);</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Оперировать понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;</i></li> <li>— <i>вычислять производную одночлена, многочлена, квадратного корня, производную суммы функций;</i></li> <li>— <i>вычислять производные элементарных функций и их комбинаций, используя справочные материалы;</i></li> <li>— <i>исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций, строить графики многочленов и простейших рациональных функций с использованием аппарата математического анализа.</i></li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов: решать</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик реальных процессов, нахождением наибольших и наименьших значений, скорости и ускорения и т.п.;</i></li> <li>— <i>интерпретировать полученные результаты</i></li> </ul>
--	---

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— использовать графики реальных процессов для решения несложных прикладных задач, в том числе определяя по графику скорость хода процесса</li> </ul>	
--	---	--

<p><b>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне основными описательными характеристиками числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;</li> <li>— оперировать на базовом уровне понятиями: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновозможными элементарными событиями;</li> <li>— вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов. <i>овседневной жизни и при изучении других предметов:</i> оценивать и сравнивать в простых случаях вероятности событий в реальной жизни; читать, сопоставлять, сравнивать, интерпретировать в простых случаях реальные данные, представленные в виде таблиц, диаграмм, графиков</li> </ul> <p><i>B n</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>—</li> <li>—</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин;</li> <li>— иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</li> <li>— иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределенных случайных величин;</li> <li>— понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей; иметь представление об условной вероятности и о полной вероятности, применять их в решении задач;</li> <li>— иметь представление о важных частных видах распределений и применять их в решении задач; иметь представление о корреляции случайных величин, о линейной регрессии.</li> <li>— <i>овседневной жизни и при изучении других предметов:</i> вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни; выбирать подходящие методы представления и обработки данных; уметь решать несложные задачи на применение закона больших чисел в социологии, страховании,</li> </ul>
--	--	---

		<p><i>здравоохранении, обеспечении безопасности населения в чрезвычайных ситуациях</i></p>
--	--	--

<p><b>Текстовые задачи</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Решать несложные текстовые задачи разных типов;</li> <li>— анализировать условие задачи, при необходимости строить для ее решения математическую модель;</li> <li>— понимать и использовать для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;</li> <li>— действовать по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;</li> <li>— использовать логические рассуждения при решении задачи;</li> <li>— работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи;</li> <li>— осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии; анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту; решать задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;</li> <li>— решать несложные задачи, связанные с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью; решать задачи на простые проценты (системы скидок,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Решать задачи разных типов, в том числе задачи повышенной трудности;</i></li> <li>— <i>выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;</i></li> <li>— <i>строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения;</i></li> <li>— <i>решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;</i></li> <li>— <i>анализировать и интерпретировать результаты в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</i></li> <li>— <i>переводить при решении задачи информацию из одной формы в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы;</i></li> </ul>
--------------------------------	--	---

	<p>комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.;</li> <li>— использовать понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на <i>В</i> <i>компьютере</i> и т.п.</li> </ul> <p><i>овседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— решать практические задачи, возникающие в ситуациях повседневной жизни</li> </ul>	
--	--	--

<b>Геометрия</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;</li> <li>— распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб); изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов;</li> <li>— делать (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;</i></li> <li>— <i>применять для решения задач геометрические факты, если условия применения заданы в явной форме; решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам;</i></li> <li>— <i>делать (выносные) плоские чертежи из рисунков объемных фигур, в том числе рисовать вид сверху, сбоку, строить сечения многогранников; извлекать, интерпретировать и преобразовывать</i></li> </ul>
------------------	---	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— представленную на чертежах и рисунках; применять теорему Пифагора при вычислении элементов</li> <li>— стереометрических фигур; находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников с</li> <li>— применением формул; распознавать основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар); находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников и тел вращения с применением формул.</li> </ul> <p><i>овседневной жизни и при изучении других предметов:</i> соотносить абстрактные геометрические понятия и факты с реальными жизненными объектами и ситуациями; использовать свойства пространственных геометрических фигур для решения типовых задач практического содержания;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— соотносить площади поверхностей тел одинаковой формы различного размера; соотносить объемы сосудов одинаковой формы различного размера; оценивать форму</li> <li>— правильного многогранника после спилов, срезов и т.п. (определять количество вершин, ребер и граней</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;</li> <li>— применять геометрические факты для решения задач, в том числе предполагающих несколько шагов решения; описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве;</li> <li>— формулировать свойства и признаки фигур; доказывать геометрические утверждения; владеть стандартной классификацией пространственных фигур (пирамиды, призмы, параллелепипеды); находить объемы и площади поверхностей геометрических тел с</li> </ul> <p><i>В применением формул; вычислять расстояния и углы в пространстве.</i></p> <p><i>овседневной жизни и при изучении других предметов:</i> использовать свойства геометрических фигур для решения задач практического характера и задач из других областей знаний</p>
--	--	---

	полученных многогранников)	
--	----------------------------	--

<p><b>Векторы и координаты в пространстве</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Оперировать на базовом уровне понятием декартовых координаты в пространстве;</li> <li>— находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Оперировать понятиями декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные векторы;</i></li> <li>— <i>находить расстояние между двумя точками, сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам;</i></li> <li>— <i>задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;</i></li> <li>— <i>решать простейшие задачи введением векторного базиса</i></li> </ul>
<p><b>История математики</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; знать</li> <li>— примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирной историей;</li> <li>— понимать роль математики в развитии России</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Представлять вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей; понимать</i></li> <li>— <i>роль математики в развитии России</i></li> </ul>
<p><b>Методы математики</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Применять известные методы при решении стандартных математических задач;</li> <li>— замечать и характеризовать математические закономерности в окружающей действительности;</li> <li>— приводить примеры математических закономерностей в природе, в том числе характеризующих красоту и совершенство окружающего</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— <i>Использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;</i></li> <li>— <i>применять основные методы решения математических задач;</i></li> <li>— <i>на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</i></li> <li>— <i>применять простейшие программные средства и электронно-</i></li> </ul>

	мира и произведений искусства	<i>коммуникационные системы при решении математических задач</i>
--	-------------------------------	--

## Углубленный уровень

<b>«Системно-теоретические результаты»</b>		
<b>Раздел</b>	<b>II. Выпускник научится</b>	<b>IV. Выпускник получит возможность научиться</b>
<b>Цели освоения предмета</b>	Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики	<i>Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук</i>
<b>Требования к результатам</b>		
<b>Элементы теории множеств и математической логики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Свободно оперировать<sup>3</sup> понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости; задавать множества перечислением</li> <li>— оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</li> <li>— проверять принадлежность элемента множеству;</li> <li>— находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на</li> </ul>	<i>Достижение результатов раздела II; оперировать понятием определения, основными видами определений, основными видами теорем; понимать суть косвенного доказательства; оперировать понятиями счетного и несчетного множества; применять метод математической индукции для проведения рассуждений и доказательств и при решении задач.</i>

<sup>3</sup> Здесь и далее: знать определение понятия, знать и уметь обосновывать свойства (признаки, если они есть) понятия, характеризовать связи с другими понятиями, представляя одно понятие как часть целостного

	<p>числовой прямой и на координатной плоскости;</p>	
--	---	--

---

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</li> </ul> <p><b><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</li> <li>— проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов</li> </ul>	<p><b><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></b></p> <p><i>использовать теоретикомножественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов</i></p>
--	---	---

---

комплекса, использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

<b>Числа и выражения</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени <math>n</math>, действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;</li> <li>— понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел;</li> <li>— переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;</li> <li>— доказывать и использовать признаки делимости суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;</li> <li>— выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;</li> <li>— сравнивать действительные числа разными способами;</li> <li>— упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше 2;</li> </ul>	<p><i>Достижение результатов раздела II;</i></p> <p><i>свободно оперировать числовыми множествами при решении задач; понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;</i></p> <p><i>владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач</i></p> <p><i>иметь базовые представления о множестве комплексных чисел;</i></p> <p><i>свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;</i></p> <p><i>владеть формулой бинома Ньютона; применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД;</i></p> <p><i>применять при решении задач Китайскую теорему об остатках;</i></p> <p><i>применять при решении задач Малую теорему Ферма;</i></p> <p><i>уметь выполнять запись числа в позиционной системе счисления;</i></p> <p><i>применять при решении задач теоретико-числовые функции: число и сумма делителей, функцию Эйлера;</i></p>
--------------------------	--	---

	<ul style="list-style-type: none"> <li>– находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;</li> <li>– выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;</li> <li>– выполнять стандартные тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений.</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений;</li> <li>– записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения;</li> </ul> <p>составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов</p>	<p><i>применять при решении задач цепные дроби;</i></p> <p><i>применять при решении задач многочлены с действительными и целыми коэффициентами;</i></p> <p><i>владеть понятиями приводимый и неприводимый многочлен и применять их при решении задач;</i></p> <p><i>применять при решении задач Основную теорему алгебры;</i></p> <p><i>применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования</i></p>
--	--	---

<p><b>Уравнения и неравенства</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Свободно оперировать понятиями: уравнение, неравенство, равносильные уравнения и неравенства, уравнение, являющееся следствием другого уравнения, уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений;</li> <li>— решать разные виды уравнений и неравенств и их систем, в том числе некоторые уравнения 3-й и 4-й степеней, дробно-рациональные и иррациональные;</li> <li>— овладеть основными типами показательных, логарифмических, иррациональных, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач;</li> </ul>	<p><i>До тижение результатов раздела II;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;</li> <li>— свободно решать системы линейных уравнений;</li> <li>— решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами; применять при решении задач неравенства Коши — Буняковского, Бернулли;</li> </ul>
---------------------------------------	---	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— применять теорему Безу к решению уравнений;</li> <li>— применять теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;</li> <li>— понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать;</li> <li>— владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;</li> <li>— использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и включающих в себя иррациональные выражения;</li> <li>— решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами;</li> <li>— владеть разными методами доказательства неравенств; решать уравнения в целых числах; изображать множества на плоскости, задаваемые</li> </ul>	<p><i>иметь представление о неравенствах между средними степенными</i></p>
--	--	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— уравнениями, неравенствами и их системами;</li> <li>— свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений <i>овседневной жизни и при изучении</i></li> </ul> <p><i>В других предметах:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов;</li> <li>— выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов;</li> <li>— составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов;</li> </ul>	
--	---	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты;</li> <li>— использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств</li> </ul>	
--	--	--

<p><b>Функции</b></p> <p>Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;</p> <p>владеть понятием степенная функция; строить ее график и уметь применять свойства степенной функции при решении задач;</p> <p>владеть понятиями показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач;</p> <p>владеть понятием логарифмическая функция; строить ее график и уметь применять свойства логарифмической функции при решении задач;</p> <p>владеть понятиями тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;</p> <p>владеть понятием обратная функция; применять это понятие при решении задач;</p> <p>применять при решении задач свойства функций: четность, периодичность, ограниченность;</p>	<p><i>Достижение результатов раздела II; владеть понятием асимптоты и уметь его применять при решении задач; применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков</i></p>
---	--

	<p>применять при решении задач преобразования графиков функций; владеть понятиями числовая последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессия;</p> <p>применять при решении задач свойства и признаки арифметической и геометрической прогрессий.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.);</li> <li>– интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации; определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)</li> </ul>	
--	--	--

<b>Элементы математического анализа</b>	<p>Владеть понятием бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и уметь применять его при решении задач; применять для решения задач теорию пределов;</p> <p>владеть понятиями бесконечно большие и бесконечно малые числовые последовательности и уметь сравнивать бесконечно большие и бесконечно малые последовательности;</p> <p>владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;</li> <li>– исследовать функции на монотонность и экстремумы;</li> <li>– строить графики и применять к решению задач, в том числе с параметром;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <i>Достижение результатов раздела II;</i></li> <li>– <i>свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;</i></li> <li>– <i>свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования на выпуклость;</i></li> <li>– <i>оперировать понятием первообразной функции для решения задач;</i></li> <li>– <i>овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона–Лейбница и его простейших применениях;</i></li> <li>– <i>оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;</i></li> </ul>
---	---	--

<i>B<sup>n</sup> при изучении</i>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– владеть понятием касательная к графику функции и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями первообразная функция, определенный интеграл;</li> <li>– применять теорему Ньютона–Лейбница и ее следствия для решения задач <i>овседневной жизни и других учебных предметов:</i> решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов; интерпретировать полученные результаты</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <i>уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;</i></li> <li>– <i>уметь применять при решении задач теоремы Вейерштрасса;</i></li> <li>– <i>уметь выполнять приближенные вычисления (методы решения уравнений, вычисления определенного интеграла);</i></li> <li>– <i>уметь применять приложение производной и определенного интеграла к решению задач естествознания; владеть понятиями вторая производная, выпуклость графика функции и уметь исследовать функцию на выпуклость</i></li> </ul>
-----------------------------------	---	--

<p><b>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</b></p>	<p>Оперировать основными описательными характеристиками числового набора, понятием генеральная совокупность и выборкой из нее;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей, вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;</li> <li>– владеть основными понятиями комбинаторики и уметь их применять при решении задач;</li> <li>– иметь представление об основах теории вероятностей;</li> <li>– иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин;</li> <li>– иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</li> <li>– иметь представление о совместных распределениях случайных величин;</li> <li>– понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей; иметь представление о нормальном распределении и примерах</li> </ul>	<p><i>Достижение результатов раздела II;</i>  <i>иметь представление о центральной предельной теореме;</i>  <i>иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;</i>  <i>иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;</i>  <i>иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений;</i>  <i>иметь представление о кодировании, двоичной записи, двоичном дереве;</i>  <i>владеть основными понятиями теории графов (граф, вершина, ребро, степень вершины, путь в графе) и уметь применять их при решении задач;</i>  <i>иметь представление о деревьях и уметь применять при решении задач;</i></p>
--	---	---

<p><i>В жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;</li> <li>– выбирать методы подходящего представления и обработки данных</li> </ul>	<p>нормально распределенных случайных величин;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– иметь представление о корреляции случайных величин. <i>овседневной жизни</i></li> </ul>	<p><i>владеть понятием связность и уметь применять компоненты связности при решении задач;</i>  <i>уметь осуществлять пути по ребрам, обходы ребер и вершин графа;</i>  <i>иметь представление об эйлеровом и гамильтоновом пути, иметь представление о трудности задачи нахождения гамильтонова пути;</i>  <i>– владеть понятиями конечные и счетные множества и уметь их применять при решении задач;</i></p>
--	---	---

		<ul style="list-style-type: none"> <li>– уметь применять метод математической индукции;</li> <li>– уметь применять принцип Дирихле при решении задач</li> </ul>
<b>Текстовые задачи</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Решать разные задачи повышенной трудности;</li> <li>– анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;</li> <li>– строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;</li> <li>– решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;</li> <li>– анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</li> <li>– переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.</li> </ul> <p><i>B n</i> <i>овседневной жизни и при изучении других предметов:</i> решать практические задачи и задачи из других предметов</p>	<i>До результатов раздела I</i>
<b>Геометрия</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Владеть геометрическими понятиями при решении задач и</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Иметь представление об общесистемном</li> </ul>

	<p>проводении математических рассуждений;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– самостоятельно формулировать определения геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новых классах фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям;</li> <li>– исследовать чертежи, включая комбинации фигур, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах;</li> <li>– решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач; уметь формулировать и доказывать геометрические утверждения;</li> <li>– владеть понятиями стереометрии: призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр;</li> <li>– иметь представления об аксиомах стереометрии и следствиях из них и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– уметь строить сечения многогранников с использованием различных методов, в том числе и метода следов;</li> <li>– иметь представление о скрещивающихся прямых в пространстве и уметь находить угол и расстояние между ними;</li> <li>– применять теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве при решении задач;</li> <li>– уметь применять параллельное проектирование для изображения фигур;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– владеть понятием геометрические места точек в пространстве и уметь применять их для решения задач;</li> <li>– уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла;</li> <li>– владеть понятием перпендикулярное сечение призмы и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– иметь представление о двойственности правильных многогранников;</li> <li>– владеть понятиями центральное и параллельное проектирование и применять их при построении сечений многогранников методом проекций;</li> <li>– иметь представление о развертке многогранника и кратчайшем пути на поверхности многогранника;</li> <li>– иметь представление о конических сечениях;</li> <li>– иметь представление о касающихся сferах и комбинации тел вращения и уметь применять их при решении задач; применять при решении задач формулу расстояния от точки до плоскости; владеть разными способами задания прямой уравнениями и уметь применять при решении задач; применять при решении задач и доказательстве теорем векторный метод и метод координат; иметь представление об аксиомах объема, применять формулы объемов прямоугольного</li> </ul>
--	--	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>– уметь применять перпендикулярности прямой и плоскости при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями ортогональное проектирование, наклонные и их проекции, уметь применять теорему о трех перпендикулярах при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями расстояние между фигурами в пространстве, общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятием угол между прямой и плоскостью и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями двугранный угол, угол между плоскостями, перпендикулярные плоскости и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями призма, параллелепипед и применять свойства параллелепипеда при решении задач;</li> <li>– владеть понятием прямоугольный параллелепипед и применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями пирамида, виды пирамид, элементы правильной пирамиды и уметь применять их при решении задач; иметь представление о теореме Эйлера, правильных многогранниках;</li> <li>– владеть понятием площади поверхностей многогранников и уметь применять его при решении задач; владеть понятиями тела вращения (цилиндр, конус, шар и сфера), их сечения и уметь применять их при решении задач; владеть понятиями касательные прямые и плоскости и уметь применять из при решении задач; иметь представления о вписанных и описанных сferах и уметь применять их при решении задач;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– параллелепипеда, призмы и пирамиды, тетраэдра при решении задач;</li> <li>– применять теоремы об отношениях объемов при решении задач; применять интеграл для вычисления объемов и поверхностей тел вращения, вычисления площади сферического пояса и объема шарового слоя; иметь представление о движениях в пространстве: параллельном переносе, симметрии относительно плоскости, центральной симметрии, повороте относительно прямой, винтовой симметрии, уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о площади ортогональной проекции;</li> <li>– иметь представление о трехгранином и многогранном угле и применять свойства плоских углов многогранного угла при решении задач; иметь представления о преобразовании подобия, гомотетии и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– уметь решать задачи на плоскости методами стереометрии;</li> <li>– уметь применять формулы объемов при решении задач</li> </ul>
--	---	---

	<ul style="list-style-type: none"> <li>— владеть понятиями объем, объемы многогранников, тел вращения и применять их при решении задач;</li> <li>— иметь представление о развертке цилиндра и конуса, площади поверхности цилиндра и конуса, уметь применять их при решении задач;</li> <li>— иметь представление о площади сферы и уметь применять его при решении задач;</li> <li>— уметь решать задачи на комбинации многогранников и тел вращения;</li> <li>— иметь представление о подобии в пространстве и уметь решать задачи на отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур.</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат</li> </ul>	
<b>Векторы и координаты в пространстве</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Владеть понятиями векторы и их координаты;</li> <li>— уметь выполнять операции над векторами;</li> <li>— использовать скалярное произведение векторов при решении задач;</li> <li>— применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач;</li> <li>— применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач</li> </ul>	<p><i>Достижение результатов раздела II;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— находить объем параллелепипеда и тетраэдра, заданных координатами своих вершин;</li> <li>— задавать прямую в пространстве; находить расстояние от точки до плоскости в системе координат;</li> <li>— находить расстояние между скрещивающимися прямыми, заданными в системе координат</li> </ul>
<b>История математики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Иметь представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;</li> <li>— понимать роль математики в развитии России</li> </ul>	<i>Достижение результатов раздела II</i>

<b>Методы математики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Использовать основные методы доказательства, проводить</li> </ul>	<i>Достижение результатов раздела II;</i>
	<ul style="list-style-type: none"> <li>– доказательство и выполнять опровержение;</li> <li>– применять основные методы решения математических задач; на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</li> <li>– применять простейшие программные средства и</li> <li>– электронно-коммуникационные системы при решении математических задач; пользоваться прикладными программами и программами символьных вычислений для исследования математических объектов</li> </ul>	<i>применять математические знания к исследованию окружающего мира (моделирование физических процессов, задачи экономики)</i>

### Содержание рабочей программы 10 класс

Тема	Содержание учебного материала
------	-------------------------------

<b>Повторение</b>	<p>Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробнорациональных выражений. Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства</p> <p>Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных и квадратных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков.</p> <p>Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции. Графическое решение уравнений и неравенств. Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей.</p> <p><i>Решение задач с помощью векторов и координат</i></p>
<b>Тема «Аксиомы стереометрии и следствия из них»</b>	Наглядная стереометрия. Фигуры и их изображения (куб, пирамида, призма). <i>Основные понятия стереометрии и их свойства</i> . Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них
<b>Тема «ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА»</b>	РАЦИОНАЛЬНЫЕ ЧИСЛА И ИХ СВОЙСТВА. СПОСОБЫ ЗАПИСИ РАЦИОНАЛЬНЫХ ЧИСЕЛ. ОТНОШЕНИЕ ОТРЕЗКОВ. ИРРАЦИОНАЛЬНЫЕ И ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА. СВОЙСТВА ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ
<b>Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве»</b>	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. ПАРАЛЛЕЛЬНОСТЬ ТРЕХ ПРЯМЫХ. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве. СКРЕЩИВАЮЩИЕСЯ ПРЯМЫЕ. Углы в пространстве. УГЛЫ С СОНАПРАВЛЕННЫМИ СТОРОНАМИ. СКРЕЩИВАЮЩИЕСЯ ПРЯМЫЕ
<b>Тема «Функции»</b>	Нули функции, промежутки знакопостоянства. <i>Преобразования графиков функций: сдвиг вдоль координатных осей, растяжение и сжатие, отражение относительно координатных осей</i> . Монотонность. Наибольшее и наименьшее значение

	функции. Четность и нечетность функций. <i>Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций.</i>
<b>Тема «Тригонометрическая окружность»</b>	Тригонометрическая окружность, <i>радианная мера угла. ЧИСЛОВАЯ ОКРУЖНОСТЬ НА КООРДИНАТНОЙ ПЛОСКОСТИ.</i> Функции. Тригонометрическая окружность
<b>Тема «Тригонометрические функции»</b>	Синус, косинус, тангенс, <i>котангенс</i> произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из него. Значения тригонометрических функций для углов $0^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ, 90^\circ, 180^\circ, 270^\circ.$ ( $\begin{smallmatrix} 0 & \pi/6 & \pi/4 & \pi/3 & \pi/2 \\ 6 & 4 & 3 & 2 \end{smallmatrix}$ ). <i>Формулы приведения.</i> Тригонометрические функции $y = \sin x.$ Свойства и графики тригонометрических функций. Тригонометрические функции $y = \cos x.$ Периодические функции. <i>Сложные функции. ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ГРАФИКОВ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ.</i> <i>Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики.</i> Тригонометрические функции $y = \operatorname{tg} x.$ <i>Функция <math>y = \operatorname{ctg} x</math></i>
<b>Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве» (продолжение)</b>	Взаимное расположение плоскостей в пространстве. Параллельность плоскостей в пространстве. Многогранники. ТЕТРАЭДР. Параллелепипед. Изображение простейших пространственных фигур на плоскости. ЗАДАЧИ НА ПОСТРОЕНИЕ СЕЧЕНИЙ. Сечения куба и тетраэдра
<b>Тема «Тригонометрические уравнения»</b>	Арккосинус числа. <i>Решение простейших тригонометрических неравенств.</i> Арксинус числа. <i>Решение простейших тригонометрических неравенств.</i> Арктангенс числа. Арккотангенс числа. <i>Решение простейших тригонометрических неравенств.</i> Простейшие тригонометрические уравнения. МЕТОД ВВЕДЕНИЯ НОВОЙ ПЕРЕМЕННОЙ. МЕТОД РАЗЛОЖЕНИЯ НА МНОЖИТЕЛИ. <i>Уравнения с параметром.</i>
<b>Тема «КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА»</b>	ОПРЕДЕЛЕНИЕ КОМПЛЕКСНЫХ ЧИСЕЛ И АРИФМЕТИЧЕСКИ ОПЕРАЦИЙ НАД НИМИ. КВАДРАТНЫЕ КОРНИ ИЗ КОМПЛЕКСНОГО ЧИСЛА. ИЗОБРАЖЕНИЕ КОМПЛЕКСНЫХ ЧИСЕЛ ТОЧКАМИ КООРДИНАТНОЙ ПЛОСКОСТИ

<b>Тема «ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ВЫРАЖЕНИЙ»</b>	<p>СИНУС И КОСИНУС СУММЫ И РАЗНОСТИ АРГУМЕНТОВ. ТАНГЕНС СУММЫ И РАЗНОСТИ АРГУМЕНТОВ. <i>Формулы двойного аргумента.</i>  <i>Формулы сложения тригонометрических функций.</i></p> <p>ПРЕОБРАЗОВАНИЕ СУММ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ В ПРОИЗВЕДЕНИЕ. ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ПРОИЗВЕДЕНИЙ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ В СУММУ</p>
---	---

<b>Тема «Перпендикулярность прямых и плоскостей»</b>	<p>Перпендикулярность прямых и плоскостей. Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве. Расстояния между фигурами в пространстве. Проекция фигуры на плоскость. Теорема о трех перпендикулярах. Углы в пространстве. УГОЛ МЕЖДУ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТЬЮ. ДВУГРАННЫЙ УГОЛ. ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ДВУХ ПЛОСКОСТЕЙ. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема Пифагора в пространстве</p>
<b>Тема «Производная функции»</b>	<p>ПРЕДЕЛ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ. СУММА БЕСКОНЕЧНОЙ ГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ ПРОГРЕССИИ. ПРЕДЕЛ ФУНКЦИИ. Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. <i>Правила дифференцирования.</i> Касательная к графику функции. <i>Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.</i> Понятие о непрерывных функциях. Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума. <i>Построение графиков функций с помощью производных.</i> Наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. <i>Применение производной при решении задач</i></p>
<b>Тема «Многогранники»</b>	<p>Многогранники. Призма. Правильная призма. Элементы призмы. Пирамида. Правильная пирамида. Элементы пирамиды. Пряная пирамида. УСЕЧЕННАЯ ПИРАМИДА. <i>Движения в пространстве:</i> <i>параллельный перенос, центральная симметрия, симметрия относительно плоскости, поворот.</i> Свойства движений. <i>Применение движений при решении задач.</i> ПОНЯТИЕ ПРАВИЛЬНОГО МНОГОГРАННИКА</p>

Тема «Вероятность и статистика»	<p>Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии. Решение задач на определение частоты и вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами. Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей. Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли. Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое</p>
	<p>распределение. Биномиальное распределение и его свойства</p>

## Содержание рабочей программы 10 класс

<b>Тема</b>	<b>Содержание учебного материала</b>
<b>Повторение</b>	<p>Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений. Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства</p> <p>Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных и квадратных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков. Решение задач с использованием числовых функций и их графиков.</p> <p>Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции. Графическое решение уравнений и неравенств.</p> <p>Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей.</p> <p><i>Решение задач с помощью векторов и координат</i></p>
<b>Тема «Функции»</b>	<p>Нули функции, промежутки знакопостоянства.</p> <p><i>Преобразования графиков функций: сдвиг вдоль координатных осей, растяжение и сжатие, отражение относительно координатных осей.</i> Монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Четность и нечетность функций. <i>Взаимно обратные функции.</i></p> <p><i>Графики взаимно обратных функций.</i></p>
<b>Тема «Тригонометрическая окружность»</b>	<p>Тригонометрическая окружность, <i>радианная мера угла.</i> ЧИСЛОВАЯ ОКРУЖНОСТЬ НА КООРДИНАТНОЙ ПЛОСКОСТИ. Функции. Тригонометрическая окружность</p>
<b>Тема «Аксиомы стереометрии и следствия из них»</b>	<p>Наглядная стереометрия. Фигуры и их изображения (куб, пирамида, призма). <i>Основные понятия стереометрии и их свойства.</i> Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них</p>
<b>Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве»</b>	<p>Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. ПАРАЛЛЕЛЬНОСТЬ ТРЕХ ПРЯМЫХ. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве. СКРЕЩИВАЮЩИЕСЯ ПРЯМЫЕ.</p> <p>Углы в пространстве. УГЛЫ С СОНАПРАВЛЕННЫМИ</p>

	СТОРОНАМИ. СКРЕЩИВАЮЩИЕСЯ ПРЯМЫЕ
<b>Тема</b>	Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из
<b>«Тригонометрические функции»</b>	<p>него. Значения тригонометрических функций для углов  <math>0^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ, 90^\circ, 180^\circ, 270^\circ</math>. (<math>0^\circ, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{4}, \frac{2\pi}{3}</math>, рад).</p> <p style="text-align: right;"><math>6 \quad 4 \quad 3 \quad 2</math></p> <p><i>Формулы приведения.</i> Тригонометрические функции <math>y = \sin x</math>. Свойства и графики тригонометрических функций. Тригонометрические функции <math>y = \cos x</math>. Периодические функции. <i>Сложные функции.</i> ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ГРАФИКОВ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ. <i>Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики.</i> Тригонометрические функции <math>y = \operatorname{tg} x</math>. <i>Функция</i> <math>y = \operatorname{ctg} x</math></p>
<b>Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве» (продолжение)</b>	<p>Взаимное расположение плоскостей в пространстве. Параллельность плоскостей в пространстве. Многогранники. ТЕТРАЭДР. Параллелепипед. Изображение простейших пространственных фигур на плоскости. ЗАДАЧИ НА ПОСТРОЕНИЕ СЕЧЕНИЙ. Сечения куба и тетраэдра</p>
<b>Тема «Тригонометрические уравнения»</b>	<p>Арккосинус числа. <i>Решение простейших тригонометрических неравенств.</i> Арксинус числа. <i>Решение простейших тригонометрических неравенств.</i> Арктангенс числа. Арккотангенс числа. <i>Решение простейших тригонометрических неравенств.</i> Простейшие тригонометрические уравнения. МЕТОД ВВЕДЕНИЯ НОВОЙ ПЕРЕМЕННОЙ. МЕТОД РАЗЛОЖЕНИЯ НА МНОЖИТЕЛИ. <i>Уравнения с параметром.</i></p>
<b>Тема «КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА»</b>	<p>ОПРЕДЕЛЕНИЕ КОМПЛЕКСНЫХ ЧИСЕЛ И АРИФМЕТИЧЕСКИ ОПЕРАЦИЙ НАД НИМИ. КВАДРАТНЫЕ КОРНИ ИЗ КОМПЛЕКСНОГО ЧИСЛА. ИЗОБРАЖЕНИЕ КОМПЛЕКСНЫХ ЧИСЕЛ ТОЧКАМИ КООРДИНАТНОЙ ПЛОСКОСТИ</p>

<p><b>Тема</b>  <b>«ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ВЫРАЖЕНИЙ»</b></p>	<p>СИНУС И КОСИНУС СУММЫ И РАЗНОСТИ АРГУМЕНТОВ. ТАНГЕНС СУММЫ И РАЗНОСТИ АРГУМЕНТОВ. <i>Формулы двойного аргумента.</i>  <i>Формулы сложения тригонометрических функций.</i>  <b>ПРЕОБРАЗОВАНИЕ СУММ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ В ПРОИЗВЕДЕНИЕ. ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ПРОИЗВЕДЕНИЙ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ В СУММУ</b></p>
<p><b>Тема</b>  <b>«Перпендикулярность прямых и плоскостей»</b></p>	<p>Перпендикулярность прямых и плоскостей. Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве. Расстояния между фигурами в пространстве. Проекция фигуры на плоскость. Теорема о трех перпендикулярах. Углы в пространстве. УГОЛ МЕЖДУ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТЬЮ. ДВУГРАННЫЙ УГОЛ. ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ДВУХ ПЛОСКОСТЕЙ. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема Пифагора в пространстве</p>
<p><b>Тема «Производная функции»</b></p>	<p>ПРЕДЕЛ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ. СУММА БЕСКОНЕЧНОЙ ГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ ПРОГРЕССИИ.</p>
	<p>ПРЕДЕЛ ФУНКЦИИ. Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. <i>Правила дифференцирования.</i> Касательная к графику функции. <i>Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.</i> Понятие о непрерывных функциях. Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума. <i>Построение графиков функций с помощью производных.</i> Наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. <i>Применение производной при решении задач</i></p>
<p><b>Тема «Многогранники»</b></p>	<p>Многогранники. Призма. Правильная призма. Элементы призмы. Пирамида. Правильная пирамида. Элементы пирамиды. Пряная пирамида. УСЕЧЕННАЯ ПИРАМИДА. <i>Движения в пространстве: параллельный перенос, центральная симметрия, симметрия относительно плоскости, поворот.</i> Свойства движений. <i>Применение движений при решении задач.</i> ПОНЯТИЕ ПРАВИЛЬНОГО МНОГОГРАННИКА</p>

<b>Тема «Вероятность и статистика»</b>	<p>Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии. Решение задач на определение частоты и вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами. Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей. Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли. Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства</p>
<b>Тема «ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА»</b>	<p>РАЦИОНАЛЬНЫЕ ЧИСЛА И ИХ СВОЙСТВА. СПОСОБЫ ЗАПИСИ РАЦИОНАЛЬНЫХ ЧИСЕЛ. ОТНОШЕНИЕ ОТРЕЗКОВ. ИРРАЦИОНАЛЬНЫЕ И ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА. СВОЙСТВА ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ</p>

### Содержание рабочей программы

#### 11 класс

<b>Предел и непрерывность.</b>	<p>Предельные точки числового множества. Предел функции. Графическая иллюстрация понятия предела функции. Свойства пределов функций. Предел промежуточной функции. Переход в пределу в неравенству. Свойство равенства пределов. Непрерывность функции в точке и на множестве. Арифметические свойства непрерывных функций. Непрерывность сложной функции. Непрерывность основных элементарных функций. Замечательный тригонометрический предел и его обобщение. Существование обратной функции. Непрерывность монотонной функции.</p>

<b>Сфера и шар.</b>	<p>Сфера и шар. Касание сферы и плоскости. Общие точки сферы и плоскости. Общие точки шара и плоскости. Касание сфер.</p> <p>Сфера, описанные около многогранника, пирамиды. Нахождение центра описанной сферы. Сфера, вписанная в многогранник, пирамиду. Центр сферы, касающейся граней двугранного угла. Сфера, касающаяся прямой. Свойство радиуса, проведенного в точку касания сферы и прямой.</p>
<b>Производная.</b>	<p>Касательная к графику функции. Средняя и мгновенная скорость. Производное число функции в точке. Производная функции. Производные элементарных функций. Производная суммы функций и произведения функции на число. Производные произведения и частного двух функций. Формула производной сложной функции.</p>
<b>Координаты и векторы в пространстве.</b>	<p>Проекции на две взаимно перпендикулярные плоскости. Оси координат в пространстве. Координаты точки в пространстве. Расстояние между точками в пространстве. Координаты середины заданного отрезка. Параллельный перенос в пространстве. Координаты точки и вектора. Равенство векторов и его свойство. Координаты вектора. Сумма векторов и правило параллелограмма, треугольника. Разность векторов. Свойства сложения и вычитания векторов. Умножение вектора на число. Свойства умножения вектора на число. Коллинеарные и сонаправленные векторы.</p> <p>Параметрическое задание прямой. Компланарные векторы. Линейная комбинация векторов. Единственность разложения вектора по трем некомпланарным векторам.</p>
<b>Исследование функций.</b>	<p>Приближение значения функции с помощью производной. Теорема Лагранжа. Условия монотонности для функции. Графики функций и их построение. Области определения и непрерывности. Промежутки знакопостоянства и нули функции. Промежутки монотонности. Локальные минимумы и максимумы функции, точки экстремума. Вертикальные асимптоты. Этапы построения графика функции. Задачи на наибольшие и наименьшие значения функции.</p>

<b>Метод координат в пространстве.</b>	Скалярное произведение векторов и его свойства. Длина вектора. Угол между векторами. Геометрический смысл скалярного произведения. Перпендикулярность векторов. Нормаль к плоскости. Уравнение плоскости. Геометрический смысл коэффициентов при неизвестных в уравнение плоскостей. Косинус угла между векторами. Угол между прямыми. Угол между нормалями к плоскостям. Угол между плоскостями. Векторный признак перпендикулярности плоскостей. Векторный признак параллельности плоскостей. Синус угла между прямой и плоскостью. Формула расстояния от точки до плоскости. Уравнение сферы.
<b>Уравнения с неизвестной функцией и ее производными.</b>	Понятие первообразной. Признак постоянства функции. Связь между первообразными непрерывной функции. Таблица и правила нахождения первообразных. Линейная замена переменной. Пример составления дифференциального уравнения. Интегральные кривые. Движение точки по прямой. Уравнение с разделенными переменными.
<b>Геометрические фигуры на плоскости и в пространстве.</b>	Внутренние, внешние и граничные точки шара. Окрестность шара. Определение внешних, внутренних и граничных точек на прямой и на плоскости. Тело и область. Пространственные тела. Непустота внутренности тел. Замкнутость тела. Свойства границы тела. Определение тела. Выпуклые фигуры на плоскости и на прямой. Представление о многогранниках. Многоугольные области. Многогранники. Выпуклые многогранники. Ученная пирамида.
<b>Площадь и объем. Определенный интеграл.</b>	Свойства площади. Палетки. Элементарные фигуры и их площадь. Аддитивность и монотонность площади для элементарных фигур. Измеримость по Жордану на плоскости. Монотонность меры Жордана. Меры Жордана равных фигур. Критерий измеримости. Аддитивность меры Жордана и ее следствия. Измеримость круга. Криволинейная трапеция. Метод исчерпывания. Интегральные суммы. Формула площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница. Вычисление площадей. Формула площади фигуры, ограниченной графиками двух функций. Свойства определенного интеграла. Свойства объема. Объем элементарных фигур. Измеримость по Жордану в пространстве. Равенство мер Жордана равных фигур. Критерий измеримости. Свойства меры Жордана в пространстве. Объем обобщенного прямого цилиндра. Формула для вычисления объема. Объем пирамиды. Тело вращения. Принцип Кавальieri.

<b>Условные вероятности.</b>	Условная вероятность. Формула условной вероятности. Вероятность произведения двух событий. Вероятность произведения нескольких событий. Независимость событий. Полный класс событий. Формула полной вероятности.
<b>Периодические функции.</b>	Всюду определенные периодические функции. Основной период функции $y = \sin 2x$ . Особенности графика периодической функции. Множество периодов функции, имеющей основной период. Изменение периодов при линейной замене аргумента. Тригонометрический двучлен. Сумма и произведение периодических функций с соизмеримыми периодами.
<b>Комплексные числа.</b>	Модуль и аргумент комплексного числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Комплексно сопряженные числа. Умножение и деление комплексных чисел в тригонометрической форме записи. Формула Муавра. Корни из комплексного числа. Комплексные корни из 1. Свойства корней из 1. Сумма корней из 1. Функции комплексного переменного. Функция комплексного переменного и параллельный перенос. Повороты в комплексной плоскости. Уравнение окружности в комплексной плоскости.

## 11 класс

Тема	Содержание учебного материала
<b>ПРОНИЯТИЕ КОРНЯ n-Й СТЕПЕНИ ИЗ ДЕЙСТВИТЕЛЬНОГО ЧИСЛА. Степень с действительным показателем</b>	ПОНЯТИЕ КОРНЯ n-Й СТЕПЕНИ ИЗ ДЕЙСТВИТЕЛЬНОГО ЧИСЛА. ФУКЦИИ $y = \sqrt[n]{x}$ , ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ. СВОЙСТВА КОРНЯ n-Й СТЕПЕНИ. ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ВЫРАЖЕНИЙ, СОДЕРЖАЩИХ РАДИКАЛЫ. Степень с действительным показателем, свойства степени. Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.
<b>Показательная логарифмическая функция</b>	Показательная функция и ее свойства и график. Простейшие показательные уравнения и неравенства. Логарифм числа, свойства логарифма. Десятичный логарифм. Число $e$ . Натуральный логарифм. Логарифмическая функция и ее свойства и график. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. ПЕРЕХОД К НОВОМУ ОСНОВАНИЮ ЛОГАРИФМА. ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЬНОЙ И ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ФУНКЦИИ.

<b>Первообразная</b>	Первообразная. <i>Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла.</i>
<b>Вероятность и статистика. Работа с данными</b>	Повторение. Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии. <i>Решение задач на определение частоты и вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами. Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей.</i>

	<p><i>Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.</i></p> <p><i>Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.</i></p> <p><i>Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.</i></p> <p><i>Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства.</i></p> <p><i>Непрерывные случайные величины. Понятие о плотности вероятности. Равномерное распределение.</i></p> <p><i>Показательное распределение, его параметры. Понятие о нормальном распределении. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненныхциальному закону (погрешность измерений, рост человека).</i></p> <p><i>Неравенство Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.</i></p> <p><i>Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин. Выборочный коэффициент корреляции.</i></p>
--	--

<p><i>Решение уравнений и неравенств. Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических неравенств</i></p>	<p><b>РАВНОСИЛЬНОСТЬ УРАВНЕНИЙ.</b>  <b>ОБЩИЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ УРАВНЕНИЙ.</b>  <i>Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля. Метод интервалов для решения неравенств. Системы показательных, логарифмических неравенств. Уравнения, системы уравнений с параметром.</i></p>
<p><b>Повторение</b></p>	<p>Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений.      Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства.      Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных и квадратных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной</p>

	<p>переменной, с применением изображения числовых промежутков.      Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции. Графическое решение уравнений и неравенств. Повторение. Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей. <i>Решение задач с помощью векторов и координат.</i></p>
--	---

<b>Векторы и координаты пространстве</b>	<b>в</b>	<p>Векторы и координаты в пространстве.</p> <p><b>РАВЕНСТВО ВЕКТОРОВ.</b> Сумма векторов. <b>ВЫЧИТАНИЕ ВЕКТОРОВ.</b> Умножение вектора на число, угол между векторами. <i>Формула для вычисления расстояния между точками в пространстве.</i> Коллинеарные и компланарные векторы. <i>Теорема о разложении вектора по трем некомпланарным векторам.</i> <b>ПРЯМОУГОЛЬНАЯ СИСТЕМА КООРДИНАТ В ПРОСТРАНСТВЕ.</b> Координаты вектора. <i>Простейшие задачи в координатах.</i> <b>УГОЛ МЕЖДУ ВЕКТОРАМИ.</b> <i>Скалярное произведение векторов в координатах.</i> <b>ВЫЧИСЛЕНИЕ УГЛОВ МЕЖДУ ПРЯМЫМИ И ПЛОСКОСТЯМИ.</b> <i>Уравнение плоскости в пространстве.</i> <i>Применение векторов при решении задач на нахождение расстояний, длин, площадей и объемов.</i></p>
<b>Движения в пространстве</b>		<p><i>Движения в пространстве: параллельный перенос, центральная симметрия, симметрия относительно плоскости, поворот.</i> Свойства движений. Применение движений при решении задач.</p>
<b>Тела вращения</b>		<p>Тела вращения: цилиндр, конус, сфера и шар. Основные свойства прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса. Изображение тел вращения на плоскости. Площадь поверхности прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса и шара. <i>Уравнение сферы в пространстве.</i></p> <p><i>Представление об усеченном конусе, сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения шара. Развертка</i></p>
<b>Понятие об объеме</b>		<p><i>цилиндра и конуса.</i> <b>УРАВНЕНИЕ СФЕРЫ.</b> <b>КАСАТЕЛЬНАЯ ПЛОСКОСТЬ К СФЕРЕ.</b></p> <p><i>Простейшие комбинации многогранников и тел вращения между собой.</i> Вычисление элементов пространственных фигур (ребра, диагонали, углы).</p>
<b>РЕШЕНИЕ ЗАДАНИЙ ОТКРЫТОГО БАНКА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ</b>		

<sup>1</sup> КРУПНЫМ ШРИФТОМ выделен материал, соответствующий авторской программе Мордковича А.Г., Атанасяна Л.С.

## 10 класс (естественно-научный профиль)

№	Тема	Кол-во часов	Из них контрольных работ	Воспитательный потенциал темы (раздела, модуля)
1	Повторение	6		<p>создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких;</li><li>- трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;</li><li>- опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;</li></ul>
2	Тема «Аксиоматический метод в математике»	2		<p>создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;</li></ul>
3	Тема «Аксиомы стереометрии и следствия из них»	3		<p>создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;</li><li>- опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;</li></ul>

4	Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве»	13	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
5	Тема «ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА»	10	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
6	Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве» (продолжение)	8	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
7	Тема «Функции»	6		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
8	Тема «Тригонометрическая окружность»	7	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
9	Тема «Тригонометрические функции»	28	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
10	Тема «Перпендикулярность прямых и плоскостей»	23	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в

				целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
11	Тема «Тригонометрические уравнения»	12	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт природоохранных дел; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
12	Тема «КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА»	10	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
13	Тема «Производная функции»	26	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
14	Тема «Многогранники»	10	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт изучения, защиты и восстановления культурного наследия человечества, опыт создания собственных произведений культуры, опыт творческого самовыражения; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
15	Тема «Вероятность и статистика»	8	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей
16	Тема «Векторы в пространстве»	11	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
17	Повторение	21		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
	<b>Итого:</b>	<b>204</b>	<b>14</b>	

### **10 А класс (технологический профиль)**

№	Тема	Кол-во часов	Из них контрольных работ	Воспитательный потенциал темы (раздела, модуля)
1	Повторение	8		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
2	Тема «Аксиоматический метод в математике»	2		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
3	Тема «Аксиомы стереометрии и следствия из них»	3		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;

4	Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве»	19	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
5	Тема «ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА»	12	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
6	Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве» (продолжение)	12	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
7	Тема «Функции»	8		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
8	Тема «Тригонометрическая окружность»	9	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
9	Тема «Тригонометрические функции»	36	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
10	Тема «Перпендикулярность прямых и плоскостей»	31	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в

				целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
11	Тема «Тригонометрические уравнения»	16	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт природоохранных дел; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
12	Тема «КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА»	14	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
13	Тема «Производная функции»	34	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
14	Тема «Многогранники»	14	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт изучения, защиты и восстановления культурного наследия человечества, опыт создания собственных произведений культуры, опыт творческого самовыражения; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
15	Тема «Вероятность и статистика»	10	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей
16	Тема «Векторы в пространстве»	15	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
17	Повторение	29		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
	<b>Итого:</b>	<b>272</b>	<b>14</b>	

### 10 класс (гуманитарный профиль)

№	Тема	Кол-во часов	Из них контрольных работ	Воспитательный потенциал темы (раздела, модуля)
1	Повторение	6		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
2	Тема «Функции»	6		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
3	Тема «Тригонометрическая окружность»	7	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;

				- опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
4	Тема «Аксиомы стереометрии и следствия из них»	4		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
5	Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве»	9	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
6	Тема «Тригонометрические функции»	26	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
7	Тема «Тригонометрические уравнения»	5	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
8	Тема «Параллельность прямых и плоскостей в пространстве» (продолжение)	15	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
9	Тема «КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА»	7		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;

10	Тема «ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ВЫРАЖЕНИЙ»	14	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
11	Тема «Перпендикулярность прямых и плоскостей»	18	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт природоохранных дел; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
12	Тема «Производная функции»	26	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
13	Тема «Многогранники»	10	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
14	Тема «Вероятность и статистика»	5		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт изучения, защиты и восстановления культурного наследия человечества, опыт создания собственных произведений культуры, опыт творческого самовыражения; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
15	Тема «ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА»	4		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей
16	Повторение	8		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
	<b>Итого:</b>	<b>170</b>	<b>11</b>	

**11 класс (естественно-научный профиль)**

№	Тема	Кол-во часов	Из них контрольных работ	Воспитательный потенциал темы (раздела, модуля)
1	Повторение	8		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
2	Тема «Многочлены»	10	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
3	Тема «Степени и корни. Степенные функции»	21	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
4	Тема «Метод координат в пространстве»	17	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
5	Тема «Показательная и логарифмическая функции»	29	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
6	Тема «Цилиндр, конус, шар»	16	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
7	Тема «Первообразная и интеграл»	11	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
8	Тема «Объемы тел»	16	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
9	Тема «Элементы теории вероятностей и математической статистики»	11	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
10	Тема «Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств»	26	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;

11	«Повторение»	33		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт природоохранных дел; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
	<b>Итого:</b>	<b>198</b>	<b>11</b>	

## 11 класс (технологический профиль)

№	Тема	Кол-во часов	Из них контрольных работ	Воспитательный потенциал темы (раздела, модуля)
1	Повторение	10		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
2	Тема «Многочлены»	14	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
3	Тема «Степени и корни. Степенные функции»	27	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
4	Тема «Метод координат в пространстве»	23	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
5	Тема «Показательная и логарифмическая функции»	39	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
6	Тема «Цилиндр, конус, шар»	20	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
7	Тема «Первообразная и интеграл»	15	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
8	Тема «Объемы тел»	22	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
9	Тема «Элементы теории вероятностей и математической статистики»	15	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
10	Тема «Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств»	34	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;

11	Тема «Заключительное повторение»	45		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт природоохранных дел; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
	<b>Итого:</b>	<b>264</b>	<b>11</b>	

### 11 класс (гуманитарный профиль)

№	Тема	Кол-во часов	Из них контрольных работ	Воспитательный потенциал темы (раздела, модуля)
1	Повторение	5		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на заботу о своей семье, родных и близких; - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
2	ПОНЯТИЕ КОРНЯ n-Й СТЕПЕНИ ИЗ ДЕЙСТВИТЕЛЬНОГО ЧИСЛА. Степень с действительным показателем	15	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
3	Показательная функция. Логарифмическая функция	10	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике; - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице;
4	Векторы и координаты в пространстве	19	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт оказания помощи окружающим, заботы о малышах или пожилых людях, волонтерский опыт;
5	<i>Решение уравнений и неравенств.</i> <i>Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических неравенств.</i>	20	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - трудовой опыт, опыт участия в производственной практике;
6	Тела вращения	14	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыт проектной деятельности;
7	Первообразная	8	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт разрешения возникающих конфликтных ситуаций в школе, дома или на улице; - опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
8	Вероятность и статистика. Работа с данными.	13	1	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
9	Понятие об объеме	19	2	создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
10	КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА	5		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел:

				- опыт дел, направленных на пользу своему родному городу или селу, стране в целом, опыт деятельного выражения собственной гражданской позиции;
11	Повторение	21		создание благоприятных условий для приобретения школьниками опыта осуществления социально значимых дел: - опыт природоохранных дел; - опыт самопознания и самоанализа, опыт социально приемлемого самовыражения и самореализации;
	Итого	165	11	

